

Výuka matematiky bude doprovázena komunikací přes e-mail:

[zslipnik.matematika@gmail.com](mailto:zslipnik.matematika@gmail.com)

Domácí úkoly:

1. Opakuj a procvičuj učivo podle přiložené učebnice.
2. Řešení úkolů z učebnice piš a rýsuj do sešitu.
3. Prostuduj si nové učivo a kontaktuj e-mail [zslipnik.matematika@gmail.com](mailto:zslipnik.matematika@gmail.com)

Termíny:

- Podle školního rozvrhu – nejpozději do středy 18. 3. 2020
- Čas – zatím neupřesněn

Známky:

- Aktivita
- Test bude upřesněn.

## VII. NEPŘÍMA UMĚRNOST

### Příklad 3:

Sestrojte grafy funkcí  $y = \frac{1}{x}$  a  $y = \frac{2}{x}$  v téže soustavě souřadnic.

### Řešení:

- Pro funkci  $y = \frac{1}{x}$  použijeme tabulku z **Příkladu 1** (str. 118):

$x$	-4	-3	-2	-1	-0,5	0	0,5	1	2	3	4
$y = \frac{1}{x}$	$-\frac{1}{4}$	$-\frac{1}{3}$	$-\frac{1}{2}$	-1	-2	není def.	2	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$

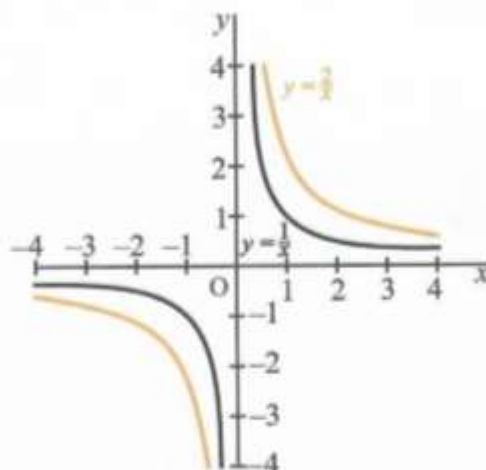
- Dále si připravíme tabulku pro hodnoty funkce  $y = \frac{2}{x}$ . V prvním řádku zvolíme stejné hodnoty proměnné  $x$  jako v případě funkce  $y = \frac{1}{x}$ . Ve druhém řádku potom napíšeme vypočítané příslušné hodnoty funkce  $y = \frac{2}{x}$ :

$x$	-4	-3	-2	-1	-0,5	0	0,5	1	2	3	4
$y = \frac{2}{x}$	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{2}{3}$	-1	-2	-4	není def.	4	2	1	$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{2}$

- Body se souřadnicemi  $x, y$  z obou tabulek znázorníme do jedné soustavy souřadnic (grafy jsou barevně rozlišeny):

### Všimněte si:

Grafy obou funkcí jsou hyperboly se středem souměrnosti v počátku  $O [0; 0]$  soustavy souřadnic.



### Příklad 4:

Určete, které z bodů  $A[2; 1,5]$ ,  $B[-4; 0,75]$  leží na grafu funkce  $y = \frac{3}{x}$ .

### Řešení:

- Souřadnice bodu  $A$  jsou  $x = 2$  a  $y = 1,5$ . Tyto souřadnice dosadíme do rovnice

$$y = \frac{3}{x}: \quad 1,5 = \frac{3}{2}$$

Vidíme, že **souřadnice bodu  $A$  vyhovují rovnici** (rovnost platí) a tedy **bod  $A$  na grafu funkce  $y = \frac{3}{x}$  leží.**

- Souřadnice bodu B jsou  $x = -4$  a  $y = 0,75$ . Tyto souřadnice dosadíme do rovnice  $y = \frac{3}{x}$ :  $0,75 \neq \frac{3}{-4}$

Vidíme, že **souřadnice bodu B nevyhovují rovnici** (rovnost neplatí) a tedy **bod B** na grafu funkce  $y = \frac{3}{x}$  **neleží**.

**Příklad 5:**

Určete vzorec nepřímé úměrnosti, jejíž graf prochází bodem se souřadnicemi  $[2; -2,5]$ .

**Řešení:**

Souřadnice  $x = 2$  a  $y = -2,5$  dosadíme do vzorce nepřímé úměrnosti  $y = \frac{k}{x}$  a určíme neznámý koeficient  $k$ :

$$-2,5 = \frac{k}{2} \Rightarrow k = -5$$

Vzorec nepřímé úměrnosti je  $y = \frac{-5}{x}$ .

## B Nepřímá úměrnost kolem nás

1. Hlavní výhra v loterii je 60 milionů korun. O tuto výhru se může dělit i více hráčů. Určete, jaká částka připadne na jednoho hráče, budou-li se o hlavní výhru dělit:
  - a) dva hráči
  - b) tři hráči
  - c) čtyři hráči
  - d) pět hráčů
 Jaký je vztah mezi výší výhry připadající na jednoho hráče a počtem hráčů, kteří získali hlavní výhru?

2. Vzdálenost z Prahy do Brna je přibližně 200 km. Určete, za jak dlouho tuto vzdálenost urazí:

- a) osobní automobil jedoucí průměrnou rychlostí  $120 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ,
- b) motocykl jedoucí průměrnou rychlostí  $100 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ,
- b) nákladní automobil jedoucí průměrnou rychlostí  $80 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ ,
- c) vůz s nadměrným nákladem jedoucí průměrnou rychlostí  $60 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ .

Sestrojte graf funkce, která vyjadřuje závislost doby jízdy z Prahy do Brna na průměrné rychlosti vozidla.



Vymýšlejte další úlohy z praktického života, které byste vyřešili využitím funkce nepřímá úměrnost.

## 3. Dělení úseček v daném poměru

S matematickým pojmem **poměr** jste se poprvé seznámili v 7. ročníku (učebnice aritmetiky, str. 85). Zjistili jste, že poměr je jeden ze způsobů porovnávání délek úseček, velikostí obsahů obrazců a objemů těles, počtů lidí aj. V tomto článku se zaměříte mimo jiné na **dělení úseček** v určitém, **předem daném poměru**.

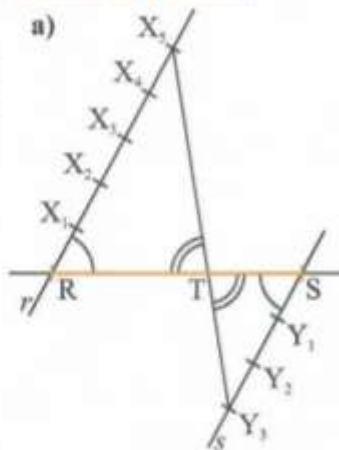
**Příklad 1:**

Narýsujte libovolnou úsečku  $RS$  a rozdělte ji bodem  $T$  na úsečky  $RT$  a  $ST$ , jejichž délky jsou v poměru  $5 : 3$ .

**Řešení:**

**1. postup** (viz obr. a)

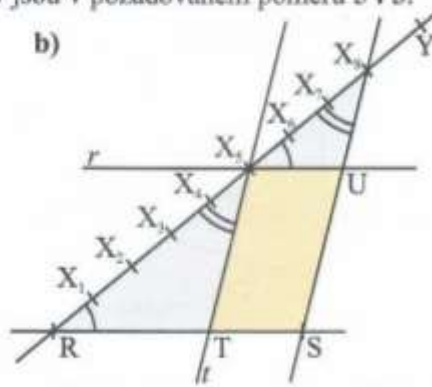
- a) Po vyznačení úsečky  $RS$  narýsujeme přímku  $r$  procházející bodem  $R$  a přímku  $s$  procházející bodem  $S$  tak, aby platilo  $r \parallel s$ .
- b) Na přímce  $r$  vyznačíme (nejlépe kružítkem) body  $X_1, X_2, X_3, X_4, X_5$  tak, aby platilo:  
 $|RX_1| = |X_1X_2| = |X_2X_3| = |X_3X_4| = |X_4X_5|$ .
- c) V opačné polorovině k polorovině  $RX_5$  vyznačíme na přímce  $s$  body  $Y_1, Y_2, Y_3$  tak, aby platilo:  $|SY_1| = |Y_1Y_2| = |Y_2Y_3| = |RX_1|$ .
- d) Narýsujeme úsečku  $X_5Y_3$  a její průsečík s úsečkou  $RS$  označíme  $T$ . Tento bod rozděluje úsečku  $RS$  na úsečky  $RT$  a  $ST$ . Jejich délky jsou v požadovaném poměru  $5 : 3$ .

**Úkol 1:**

Dokažte, že správnost 1. postupu se oprávněně opírá o podobnost trojúhelníků  $TX_5R$  a  $TY_3S$  na obrázku a).

**2. postup** (viz obr. b)

- a) Po vyznačení úsečky  $RS$  narýsujeme polopřímku  $RY$  a pomocí bodů  $X_1, X_2, \dots, X_8$  na ní vyznačíme osm úseček stejné délky:  $|RX_1| = |X_1X_2| = \dots = |X_7X_8|$ .
- b) Narýsujeme přímku  $SX_8$  a přímku  $t$ , která prochází bodem  $X_5$  a je rovnoběžná s přímkou  $SX_8$ . Průsečík přímky  $t$  s úsečkou  $RS$  označíme  $T$ . Tento bod rozděluje úsečku  $RS$  na úsečky  $RT$  a  $ST$ , jejichž délky jsou v žádaném poměru  $5 : 3$ .

**Úkol 2:**

Dokažte, že oprávněnost 2. postupu je založena na podobnosti trojúhelníků  $RTX_5$  a  $X_5UX_8$  na obrázku b). Tuto podobnost zdůvodněte. (Přímka  $r$  na obrázku b je rovnoběžná s přímkou  $RS$ .)

### 4. Postupný poměr

**Postupný poměr** je jeden ze způsobů porovnávání tří nebo více čísel, veličin téhož druhu.

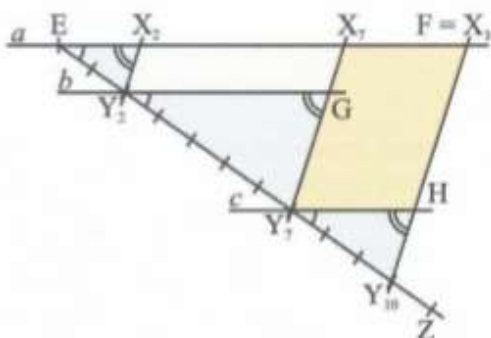
Například Cererit je vícesložkové průmyslové hnojivo obsahující dusík (N), fosfor (P) a draslík (K) v postupném poměru 11 : 4 : 12. To znamená, že v Cereritu je 11 hmotnostních dílů dusíku, 4 díly fosforu a 12 dílů draslíku. V tomto článku využijeme postupný poměr k rozdělování úseček na více než dvě úsečky.

#### Úkol 1:

Rozdělte úsečku EF libovolné délky na tři úsečky, jejichž délky jsou v postupném poměru 2 : 5 : 3.

(*Návod* k řešení vám napoví obrázek.

Oprávněnost naznačeného řešení zdůvodněte vzájemnou podobností trojúhelníků  $EY_2X_2$ ,  $Y_2Y_7G$ ,  $Y_7Y_{10}H$ , víte-li, že platí:  $a \parallel b$ ,  $b \parallel c$ .)



#### Úkol 2:

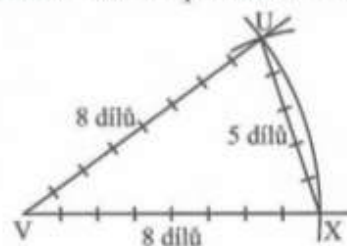
Rozdělte úsečku  $|MN| = 12,7$  cm na čtyři úsečky v postupném poměru 2 : 1 : 3 : 2.

### 5. Redukční úhel

**A** Ke zvětšení, nebo zmenšení délek většího počtu úseček v daném poměru  $k < 2$  je výhodné použít **redukční úhel**.

Pro poměr  $k = 5 : 8$  je tento úhel na vedlejším obrázku.

Jde o úhel UVX při hlavním vrcholu rovnoramenného trojúhelníku XUV, jehož délka základny UX a délka ramene VX (VU) jsou v poměru 5 : 8.



#### Příklad:

Je dána úsečka AB s délkou  $|AB| = a$ . Pomocí **redukčního úhlu** ji:

- zmenšete** v poměru 2 : 3, zmenšenou úsečku označte  $A_1B_1$ ,
- zvětšete** v poměru 5 : 3, zvětšenou úsečku označte  $A_2B_2$ .